基于神经网络的 Haynes 282 合金高温流动行为表征及 其有限元应用

叶青1陈博2倪恒1寇晨1

(1 西京学院机电技术系,西安 710021)(2 咸阳师范学院物理与电子工程学院,咸阳 712000)

文 摘 通过在热/力学模拟试验机上开展等温压缩试验获得了 Haynes 282 合金的真应力-应变数据。 Haynes 282 合金在高温变形过程中表现出显著的动态再结晶特性,其流动应力对热力参数敏感度较高,且与 热力参数呈复杂的非线性关系。为了准确地描述和预测 Haynes 282 合金的真应力-应变关系,将热变形参数 作为输入,将流动应力作为输出构建了反向传播神经网络。对神经网络的评估结果表明所构建的神经网络能 够精确地表征 Haynes 282 合金的高温流动行为。通过将构建的神经网络以材料子程序的形式植入有限元软 件中,建立等温压缩试验有限元模型,实现了 Haynes 282 合金高温流动行为的精确仿真。

关键词 Haynes 282合金,非线性关系,真应力-应变关系,反向传播神经网络,高温流动行为,有限元 中图分类号:TG132.3 DOI:10.12044/j.issn.1007-2330.2022.02.011

Characterization of Hot Flow Behavior of Haynes 282 Alloy Based on Artificial Neural Network and Its Finite Element Application

YE Qing¹ CHEN Bo² NI Heng¹ KOU Chen¹

(1 Department of Mechatronics, Xijing University, Xi'an 710021)

(2 College of physics and Electronic Engineering, Xianyang Normal University, Xianyang 712000)

Abstract In this paper, the true stress-strain data of Haynes 282 alloy were obtained by conducting isothermal compression tests on a thermal-mechanical simulator. Haynes 282 alloy shows typical dynamic recrystallization characteristic during the deformation process at elevated temperature. Moreover, the flow stress was quite sensitive to the thermodynamic parameters and represents complicated highly-nonlinear relationship with the thermodynamic parameters. In order to accurately describe and predict the true stress-strain relationship of Haynes 282 alloy, a back-propagation neural network was constructed by employing hot deformation parameters as the inputs, and employing flow stress as the output. The evaluation results of the constructed neural network show that the constructed neural network in this research can accurately characterize the hot flow behavior of Haynes 282 alloy. Accurate simulation of the hot flow behavior of Haynes 282 alloy is achieved by implanting the neural network into a finite element software in the form of material subroutine and constructing the finite element model of isothermal compression test.

Key words Haynes 282 alloy, Nonlinear relationship, True stress-strain relationship, Back-propagation neural network, Hot flow behavior, Finite element

0 引言

Haynes 282 合金是一种新型镍基高温合金,在高 温下具有杰出的抗氧化、耐腐蚀、耐辐射性能及较高 的蠕变强度,且其焊接性能优异^[1],已被成功应用于 航空航天、石油化工及核工业等关键领域。Haynes 282合金在常温下具有很高的强度和硬度,属于难加

第一作者简介:叶青,1986年出生,硕士,讲师,主要从事机械结构材料设计、机电系统设计工作。E-mail:zq375496861@126.com

收稿日期:2021-02-16

基金项目:陕西省重点研发计划项目(2018NY-158);西京学院校基金(XJ170131)

工合金,通常在高温下进行热成型。然而,Haynes 282合金在高温环境下成型时会伴随着复杂的加工 硬化及动态软化现象,其流动行为变得极其复杂^[2]。 因此,如何精确地表征并预测 Haynes 282合金的流 动行为成为了一个引起广泛关注的课题。材料的流 动行为通常通过本构关系来描述,建立精确的本构 关系是准确表征材料流动行为的关键^[3],也是材料热 变形行为精确有限元仿真的重要前提。

目前,材料的高温本构关系模型主要有解析本 构模型、唯象本构模型和经验或半经验本构模 型[4-5],但这些本构模型存在精度低、应用范围窄、投 入大、计算周期长等问题[6-7]。实际的材料热变形过 程(如锻造、热挤压、热轧等)在宽泛的变形参数范围 内进行,还常常伴随着材料内部复杂的微观组织演 变,材料应力对热力参数极其敏感,使用常规的数学 模型难以方便地对材料的本构关系进行精确描述^[8]。 为了克服传统本构关系模型的缺陷,近年来,能够简 单且精确表征数据映射规律的人工神经网络^[9]被广 泛地应用于表征材料的本构关系。例如,LIN Y C^[9]、 周峰[10]和马艳霞[11]分别使用神经网络研究了铝合 金、钛合金、铜合金等材料的本构关系。根据研究结 果,神经网络对于非线性关系具有强大的学习和泛 化能力,较传统的数学模型能够更加精确地描述材 料的本构关系。Havnes 282 合金是一种新型镍基高 温合金,目前该合金本构关系的研究仍少有报道。 因此,构建精确的Haynes 282合金的高温合金本构 关系对于该合金其他研究具有举足轻重的铺垫作 用。此外,建立合金本构关系的一个重要用途是有 限元仿真,更加准确的本构关系或更加准确且丰富 的真应力-应变数据能够显著提高有限元仿真的精 度。由于神经网络比传统的本构关系模型具有更高 的精度和更强的泛化能力,相较于常规的直接输入 真应力-应变数据或计算的本构关系数学模型,实现 神经网络在有限元软件中的实时调用成为了进一步 提高有限元仿真精度的重要思路。

本文通过在热/力学模拟试验机上开展等温压缩试 验获得 Haynes 282 合金的真应力-应变数据并研究 Haynes 282 合金的变形热力参数对流动应力的影响。 为了准确地表征 Haynes 282 合金的高温变形本构关系, 将变形温度(T)、应变速率(ε)及应变(ε)作为神经网络 输入,将流动应力(σ)作为神经网络输出构建神经网络 并对通过测试数据对神经网络进行评价。通过将神经 网络以材料子程序的形式植入有限元软件中,构建 Haynes 282 合金等温压缩有限元模型,拟实现 Haynes 282 合金等温压缩行为的精确仿真。

1 实验

1.1 实验方法

为获得 Haynes 282 合金热加工过程中的基础数据,根据 ASTM E209 试验标准开展了等温压缩试验。 所采用 Haynes 282 合金化学成分和原始微观组织分 别如表1和图1所示,其常用热加工温度为1173~ 1393 K。如图2所示,将挤压态 Haynes 282 合金棒 料加工成 Ф10 mm×15 mm 的圆柱试样,酒精清洗试 样并风干后在试样端面均匀涂覆石墨。

1	Haynes	282	合金	化学	成分
---	--------	-----	----	----	----

ŧ

Tab. 1 Chemical compositions of Haynes 282 alloy												
\mathbf{Cr}	Mo	Co	С	Mn	Si	Cu	Al	Ti	Fe	Ni		
19.99	8.44	9.98	0.07	0.29	0.14	0.28	1.51	2.08	1.39	余量		
	2		1	10	AN	12	Y	Y	34			
	E.		1×		12			25	XII			
		直		3/3		20		X				
	1.1	87	るか	2ª	K	D.			2			
	1	a the	R	A.T	Int.		有日	E X				
	P	5À		A		苏	X	业少	1			
	1	25	The second	2 C	F.C	T	-	Q.T.	61/10			



50 μ m







在试样端面和 Gleeble 1 500 热/力学模拟试验机 压头之间垫上石墨片,并将试样装夹在试验机压头 之间。以 300 K/min 的速率将试样加热到指定温度 (1 100、1 200、1 300、1 400 K),并保温 3 min 后在恒 定应变速率(0.01、0.1、1、10 s⁻¹)下进行等温压缩,最 大压缩量 8.4 mm。所有试样在卸压后立即水淬并干 — 117 — 燥。试验结束后输出不同变形条件下的真应力、真 应变等数据。压缩实验结果的可靠性根据式(1)中 的膨胀系数^[12]来评判。为对压缩后试样进行金相观 测,使用线切割方法将试样沿中轴面半剖,然后用 200、400、600、800、1 200及2 000目砂纸依次打磨中 轴面并进行抛光。抛光完成后使用成分为浓盐酸、 浓硫酸和无水硫酸铜的腐蚀液腐蚀 20 s,其比例分别 为100 mL、8 mL和6g,用酒精清洗并干燥后使用光 学显微镜进行金相观察及拍摄。

1.2 高温流动行为

通过等温压缩试验,得到 Haynes 282 合金不同 温度(1 100、1 200、1 300、1 400 K)、不同应变速率 (0.01、0.1、1、10 s⁻¹)及真应变范围 0.05~0.8 内的 真应力(σ)-应变(ε)曲线如图 3 所示。



图 3 Haynes 282 合金真应力-应变曲线 Fig. 3 True stress-strain curves of Haynes 282 alloy

从图3可知,随着变形量(应变)的增加,Haynes 282合金应力值在变形初期急速攀升,但上升速率逐 渐降低,应力增加至峰值后逐渐降低,最终趋于稳 态。Haynes 282合金刚开始发生变形时,晶粒位错密 度急剧增加,位错运动受阻,应力随之激增,材料发 生加工硬化。随着变形继续进行,位错开始在晶粒 内部沿滑移面进行滑移,材料发生塑性变形,部分应 力释放,应力升高速率逐渐降低。当发生更大变形 时,晶粒内部滑移活动增强,软化程度继续增强,当 软化和硬化程度相当时,应力上升至峰值。随着变 形的进行,晶粒会储存一定能量,当能量达到一定程 度时,会作为再结晶的驱动力使晶粒重新形核并长 大。晶粒发生再结晶后,变形织构全部消除,加工硬 化作用大大降低,应力水平逐渐降低直至平衡。图4 - 118 - 为10 s⁻¹/1 100 K 及 0. 01 s⁻¹/1 400 K 条件下压缩试样 心部的微观组织。

由4图可知,等温热压缩完成后试样部分晶粒发 生变形呈现一定的取向,某些晶粒通过动态再结晶 过程转变为了等轴晶分布于被拉长的晶粒晶界附 近。因此,Haynes 282合金在特定温度和应变速率下 表现出显著的动态再结晶型应力应变特征,在变形 过程中其应力水平由加工硬化和动态软化行为共同 决定^[13-14]。由图3中应力应变曲线可知,在其他热力 参数一定的情况下,Haynes 282合金的流动应力随着 温度的升高而降低,随着应变速率的升高而升高。 综上所述,Haynes 282合金的流动应力受变形温度、 应变速率及应变等热力参数影响显著,与之呈现复 杂的非线性关系。



图 4 Haynes 282 合金试样压缩后的金相照片 Fig. 4 Metallograph of the compressed Haynes 282 alloy specimen

2 神经网络构建及评价

2.1 神经网络构建

为了更加精确地描述 Haynes 282 合金复杂的流动行为,使用反向传播神经网络来学习和预测热力参数间的映射关系。

建立的神经网络将变形温度(T)、应变速率 $(\dot{\epsilon})$ 及应变(ϵ)作为输入,将流动应力(σ)作为输出。首 先将各温度和应变速率下的应力应变曲线0.05~ 0.8应变范围内的数据按照0.001应变间隔离散成 751个数据点。然后将0.1 s⁻¹/1 300 K 、1 s⁻¹/1 200 K 变形条件下的数据点集作为测试数据集,用于验证 网络泛化能力;将其余试验数据点集作为训练数据 集,提供给网络进行学习。三种输入变量和一种输 出变量单位不同且数量级差别较大,为了缩小数据 间数值梯度,使网络快速收敛,采用式(1)将输入变 量数据归一化[15],输出数据时采用式(2)将输出变量 数据进行反归一化。为了减少应变速率数据数量级 梯度,归一化前将应变速率数据统一取对数。神经 网络训练函数和学习函数分别采用Trainbr函数和 Learngd 函数,隐含层和输出的传递函数分别采用 Tansig函数和Purelin函数。数据正向传播时,神经 网络训练误差函数如式(3)所示。训练误差从输出 层向输入层反向传播过程中对权值的修正量如式 (4) 所示。采用正则化方法提高神经网络的泛化能 力,神经网络的性能通过式(5)所示的性能函数进行 评价。通过数据和误差的正向和反向传播,不断修 正神经网络权值,进而缩小神经网络训练误差,当训 练误差降低至设定值以下时,神经网络完成训练过 程。为了避免神经网络获得局部最小解,提高神经 网络稳定性,将学习速率设置为0.02^[16]。使用以上 神经网络参数,通过试错法对比不同的隐含层及神 经元数量的网络的预测精度,确定神经网络隐含层 数量为2,每层神经元的数量为14。

$$x' = 0.1 + 0.5 \times \frac{x - 0.9x_{\min}}{1.1x_{\max} - 0.9x_{\min}}$$
(1)

 $x = 2.2x_{max}x' - 1.8x_{min}x' - 0.22x_{max} + 1.08x_{min}$ (2) 式中, x 表示原始数据, x' 表示数据归一化值, x_{max} 及 x_{min} 分别表示原始数据集中的最大值和最小值。

$$E = \frac{1}{2} \sum_{j} (Q_j - S_j)^2$$
(3)

式中,*E*表示数据在神经网络中正向传播时的误差, *Q*和*S*分别表示期望和实际输出值。

$$\Delta W_{ji}(m+1) = -\eta \frac{\partial E}{\partial W_{ji}} + \alpha \Delta W_{ji}(m)$$
(4)

式中,W为权值, η 为学习速率, α 为动量因子,m为迭 代次数。

$$msereg = \gamma MSE + (1 - \gamma) MSW$$
(5)

式中, γ 为误差调整频率,*MSE*为均方误差,*MSW*为 平均权值平方和,即*MSE* = $\frac{1}{N} \sum_{j=1}^{N} (Q_j - S_j)^2$,*MSW* =

$$\frac{1}{N} \sum_{j=1} W_j^2 \circ$$

2.2 神经网络评价

使用建立的神经网络对输入数据进行学习并预测不同变形条件下的真应变值,并引入相关系数(R)和平均相对误差(MRE)对神经网络进行评价。

使用神经网络预测的试验条件下的真应力(σ)-应变(ε)数据点与试验曲线的比较如图5所示。通过 比较可以知道,神经网络预测的和实测的真应力数 据吻合度较高,说明神经网络能够较好地学习和反 映实际的真应力-应变关系。如式(6)所示,平均相 对误差(*MRE*)是指各预测应力数据和对应变形条件 下的实测应力数据相对误差的平均值。经计算,训 练数据的*MRE*值为1.25%,测试数据的*MRE*值为 3.51%。如式(7)所示,相关系数(*R*)表征变量之间 线性相关程度,其数值越大,表明线性相关程度越 高。图6是训练数据和测试数据与试验数据的线性

— 119 —

相关示意图。由图可知,神经网络预测的训练数据 及测试数据与试验值高度相关,训练数据*R*值为 0.9984,测试数据*R*值为0.9965。

$$R = \frac{\sum_{i=1}^{N} (S_i - \overline{S})(Y_i - \overline{Y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{N} (S_i - \overline{S})^2 \sum_{i=1}^{N} (Y_i - \overline{Y})^2}}$$
(7)

$$MRE = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \left| \frac{Y_i - S_i}{S_i} \right| \times 100\%$$
 (6)

式中, $S \pi Y$ 分别表示试验值和预测值, $\overline{S} \pi \overline{Y}$ 分别表示试验值和预测值的平均值, $i \pi N$ 分别表示试验值和预测值对象的序号和总数。



图 5 神经网络预测的 Haynes 282 合金真应力值与试验值的比较

Fig. 5 Comparison between the predicted true stress values by the neural network and the experimental values of Haynes 282 alloy



图6 Haynes 282 合金真应力预测结果与试验结果的相关性

Fig. 6 Correlation relationship between the predicted and experimental true stress of Haynes 282 alloy

根据数据可知,相对于训练数据,测试数据MRE 值较大且R值较小,这是由于测试数据未作为神经 网络输入被神经网络学习。但总的来说,通过神经 网络对训练数据的学习,训练数据和测试数据都具 有较高的预测精度。训练数据MRE值小且R值大说 明神经网络具有较强的学习能力,通过对大量应力-

宇航材料工艺 http://www.yhclgy.com 2022年 第2期

— 120 —

应变数据的充分学习能够掌握 Haynes 282 合金在不同变形条件下的应力-应变演变规律。测试数据 MRE 值小且 R 值大说明神经网络具有较强的泛化能力,通过对训练数据的有效学习可以利用掌握的规 律精确预测新的变形条件下的材料流动行为。综上 所述,所构建的反向传播神经网络能够精确地表征 和预测 Haynes 282 合金的高温流动行为。

3 神经网络的有限元应用

3.1 神经网络及有限元结合

实际的金属热塑性变形在广泛的变形参数范围 内进行。因此,高精度、宽范围、大数量的真应力--真 应变数据是实现金属热塑性变形精确仿真的基础。 为了达到这一目的,将构建的神经网络以材料子程 序的形式写入了有限元软件中^[17]。

3.2 有限元仿真模型

基于植入神经网络材料子程序的有限元模型对 0.1 s⁻¹/1 300 K、1 s⁻¹/1 200 K变形条件下的热压缩过 程进行了有限元仿真。图7为建立的二维对称等温 热压缩有限元模型示意图。





Fig. 7 Finite element model for the hot compression tests

在有限元模型中,将上下压头设置为刚体,试样 设置为塑性体,上下压头及试样均采用四边形网格 进行划分。为模拟等温条件,压头初始温度及试样 初始温度设置为试验温度,压头和试样传热系数设 置为3 N/sec/mm/K。环境温度设置为298 K,压头、试 样与环境换热系数设置为0.01 N/sec/mm/K。功热转 换系数设置为0.9,压头与试样间的摩擦类型设置为 剪切摩擦,摩擦因数0.15。试样变形过程通过上压 头运动速度控制,压缩速度由应变速率和时间决定, 其关系如式(8)所示。下压高度8.4 mm。

$$v = h_0 \dot{\varepsilon} \exp\left(-\dot{\varepsilon}t\right) \tag{8}$$

式中,v为上压头的瞬时速度, h_o 为试样初始高度(h_o = 15 mm), $\dot{\epsilon}$ 和t分别为应变速率和压缩时间。

3.3 有限元仿真结果

使用建立的有限元模型对 0.1 s⁻¹/1 300 K 、1 s⁻¹/ 1 200 K 变形条件下的热压缩过程进行有限元仿真, 获得等效应变结果如图 8 所示。由图可知,在压头压 宇航材料工艺 http://www.yhclgy.com 2022年 第2期 力及与压头的摩擦力作用下,试样发生了非均匀的 变形,最终试样变为鼓形。试样心部等效应变为 0.82,与8.4 mm(56%)压缩量吻合,模拟结果与实际 变形结果相符。



等效应力仿真结果

Fig. 8 Simulated results of effective strain at 1 300 K/0. 1 $\rm s^{-1}$ and 1 200 K/1 $\rm s^{-1}$

为了验证植入神经网络的有限元仿真结果可信度,将1300 K/0.1s⁻¹及1200 K/1s⁻¹变形条件下仿真 及试验的行程(*S*)与载荷(*F*)曲线进行了对比,如图9 所示。



ig. 9 Comparison between the simulated and experimenta stroke–load curves

从行程-载荷曲线可以看出,试验载荷和仿真载 荷随压缩变形量的增加呈相似规律:随着压缩变形 的进行成型载荷逐渐增加,其成型载荷增速在变形 初期最大,至变形中期逐渐变小,在变形后期又呈增 大趋势。总的来说,仿真载荷和试验载荷差距较小, 但在变形初期(变形量0.5 mm以内),仿真载荷呈直 线上升趋势,与试验载荷差距较大,这是由于弹性变 形区附近的真应力-应变数据误差较大,未加入神经 网络的训练过程。而实际锻造、热轧和挤压等热加 工过程通常属于大变形过程,变形初期的预测精度 稍差无显著影响。经计算,排除变形初期后,1 300

-121 -

K/0.1 s⁻¹及1 200K /1 s⁻¹变形条件下仿真载荷相对于 试验载荷最大误差分别为6.92%和4.15%。由此可 知,将神经网络结合于有限元分析过程能够实现高 精度的有限元仿真。

4 结论

(1)Haynes 282 合金在高温变形过程中同时存在加 工硬化和动态再结晶软化作用,使其真应力随着真应 变的增加首先急剧攀升至峰值,再逐渐降低趋于稳态; 真应力随着温度的升高或应变速率的降低而降低。

(2)以真应变、应变速率和温度作为输入,真应力 作为输出,构建了双隐含层,每层14个神经元反向传播 神经网络。基于神经网络预测数据的平均相对误差和 相关系数指标对神经网络的评价结果表明构建的神经 网络能够精确地表征 Haynes 282合金的高温流动行为。

(3)以材料子程序的形式将神经网络植入有限 元软件中,建立等温压缩试验有限元模型,试验载荷 最大误差分别为 6.92% 和 4.15%,实现了 Haynes 282合金高温流动行为的精确仿真。

参考文献

[1] BOEHLERT C J, LONGANBACH S C. A comparison of the microstructure and creep behavior of cold rolled HAYNES 230 alloy and HAYNES 282 alloy [J]. Materials Science & Engineering A, 2011,528(15); 4888–4898.

[2] BUCKSON R A, OJO O A. Cyclic deformation characteristics and fatigue crack growth behaviour of a newly developed aerospace superalloy Haynes 282 [J]. Materials Science and Engineering A, 2012, 555:63–70.

[3] ZHANG Y, OUTEIRO J C, MABROUKI T. On the selection of johnson-cook constitutive model parameters for Ti-6Al-4 V using three types of numerical models of orthogonal cutting [J]. Procedia Cirp, 2015, 31:112–117.

[4] LIN Y C, NONG F Q, CHEN X M, et al. Microstructural evolution and constitutive models to predict hot deformation behaviors of a nickel-based superalloy[J]. Vacuum, 2017, 137: 104–114.

[5] LIN Y C, CHEN X M, WEN D X, et al. A physically–based constitutive model for a typical nickel–based superalloy [J]. Computational Materials Science, 2014, 83(2):282–289.

[6] CAI J, WANG K, ZHAI P, et al. A modified johnson-cook constitutive equation to predict hot deformation behavior of Ti-6Al-4V alloy [J]. Journal of Materials Engineering & Performance, 2015, 24(1): 32-44.

[7] 刘二亮,邢宏伟,王明明,等. Inconel625 高温合金 J-C 本构建模[J]. 中国有色金属学报,2018,28(4):732-741.

LIU E L, XING H W, WANG M M, et al. J–C constitutive modeling of high temperature alloys of Inconel 625[J]. The Chinese Journal of Nonferrous Metals, 2018, 28(4): 732-741.

[8] 何勇,张红钢,刘雪峰,等. NiTi 合金高温变形本构关系的神经网络模型[J]. 稀有金属材料与工程,2008,37(1):19-23.

HE Y, ZHANG H G, LIU X F, et al. A constitutive model of high temperature deformation of NiTi alloy based on neural network [J]. Rare Metal Materials and Engineering, 2008, 37(1); 19–23.

[9] LIN Y C, LIANG Y J, CHEN M S, et al. A comparative study on phenomenon and deep belief network models for hot deformation behavior of an Al–Zn–Mg–Cu alloy[J]. Applied Physics A, 2017, 123(1):68.

[10] 周峰,王克鲁,鲁世强,等.Ti-22Al-24Nb-0.5Y 合金 流变行为及 BP 神经网络高温本构模型[J]. 材料工程,2019,47 (8):141-146.

ZHOU F, WANG K L, LU S Q, et al. Flow behavior and BP neural network high temperature constitutive model of Ti-22Al-24Nb-0. 5Y alloy[J]. Journal of Materials Engineering, 2019, 47(8): 141-146.

[11] 马艳霞,韩茂盛,刘乐乐,等. 基于神经网络的 BFe30-1-1 铜合金的本构关系模型[J]. 锻压装备与制造技术,2018(5): 65-69.

MA Y X, HAN M S, LIU L L, et al. Model of constitutive relationship of BFe30–1–1 copper alloy based on neural network [J]. China Metalforming Equipment and Manufacturing Technology, 2018 (5):65-69.

[12] 崔金栋. 7050 铝合金大锻件锻造工艺仿真与再结晶组 织模拟[D]. 中南大学, 2006.

CUI J D. Numerical simulation of process and grain size for large-sized aluminum alloy 7050 forging [D]. Central South University, 2006.

[13] DAI Q, DENG Y, WANG Y, et al. Dynamic recrystallization critical conditions and a physically-based constitutive model of Al-4. 8Mg alloy under hot working conditions [J]. Materials, 2020, 13(21):4982.

[14] 吴颖,张志森,曾强.基于神经网络和热加工图的TA15 钛合金热变形行为研究[J]. 热加工工艺,2015,44(21):156-158.

WU Y,ZHANG Z S,ZENG Q. Research on hot deformation behavior of TA15 Titanium alloy based on neural network and processing map [J]. Hot Working Technology, 2015, 44(21): 156–158.

[15] ZHU Y C, ZENG W D, SUN Y, et al. Artificial neural network approach to predict the flow stress in the isothermal compression of as-cast TC21 titanium alloy [J]. Computational Materials Science, 2011, 50(5): 1785–1790.

[16] LIN Y C, CHEN X M, WEN D X, et al. A physicallybased constitutive model for a typical nickel-based superalloy [J]. Computational Materials Science, 2014, 83:282–289.

[17] 王珲. 具有雨滴测量功能的自动气象观测系统设计[D]. 南京信息工程大学,2019.

WANG H. An automatic weather observation system design with raindrop measurement functionality [D]. Nanjing University of Information Science and Technology, 2019.